

# Modèles de survie en R – Correction

Année universitaire 2025–2026 ▪ Parcours Économie de la santé & Développement durable

Pierre Beaucoral

```
knitr::opts_chunk$set(fig.width = 7, fig.height = 4, fig.align = "center")

library(survival)
library(AER)      # StrikeDuration
library(dplyr)
library(ggplot2)

if (requireNamespace("survminer", quietly = TRUE)) {
  library(survminer)
}

# Données brutes de grève
data("StrikeDuration")
strikes_raw <- StrikeDuration

# Construction d'un jeu de données pour le TD
# - censure artificielle à 200 jours
# - 2 versions catégorielles du choc d'activité
strikes <- strikes_raw |>
  mutate(
    # variable de durée
    time = pmin(duration, 200),
    status = ifelse(duration > 200, 0, 1),  # 1 = fin de grève observée avant 200, 0 = censu
    # choc d'activité non anticipé (déjà continu) :
    #  uoutput > 0 -> cycle favorable ; < 0 -> cycle défavorable
    uoutput_sign = case_when(
      uoutput < 0 ~ "Cycle défavorable",
      uoutput == 0 ~ "Cycle neutre",
      uoutput > 0 ~ "Cycle favorable"
```

```

) ,

# version en 3 classes par terciles (plutôt pour les KM)
uoutput_q = cut(
  uoutput,
  breaks = quantile(uoutput, probs = c(0, .33, .66, 1), na.rm = TRUE),
  labels = c("Choc faible", "Choc moyen", "Choc fort"),
  include.lowest = TRUE
)
)

# Objet de survie pour les grèves (avec censure artificielle à 200 jours)
S_strikes <- Surv(time = strikes$time, event = strikes$status)

# Modèle de Cox simple sur uoutput (pour Q11)
cox_uoutput <- coxph(S_strikes ~ uoutput, data = strikes)

```

## Notions de base & censure

### Données de durée de vie

On s'intéresse à une **durée aléatoire** ( $T$ ) (positive) :

- durée d'une grève
- durée d'un épisode de chômage
- durée de séjour à l'hôpital
- durée jusqu'à un défaut de paiement, etc.

Pour chaque unité (grève, individu, contrat)  $i = 1, \dots, n$  :

- $T_i$  : **durée vraie** (inobservable en général)
- on observe seulement :
  - $t_i$  : **durée observée**
  - $\delta_i$  : **indicatrice d'événement**

avec :

- $\delta_i = 1$  si l'événement est observé (fin de grève pendant l'observation)
- $\delta_i = 0$  si la durée est **censurée** (on sait juste que la grève dure au moins jusqu'à  $t_i$ )

## Encodage en R

En R, on encode le couple ((t\_i, \_i)) avec la fonction `Surv()` du package **survival**.

```
# Exemple jouet : 5 durées, 2 censures
t <- c(3, 5, 8, 10, 4)           # durées observées
d <- c(1, 0, 1, 0, 1)           # 1 = événement, 0 = censuré

S_ex <- Surv(time = t, event = d)
S_ex
```

```
[1] 3 5+ 8 10+ 4
```

- Les + indiquent les durées **censurées**.
  - La classe `Surv` est le format standard utilisé par toutes les fonctions d'analyse de survie (`survfit`, `coxph`, `survreg`, etc.).
- 

## Fonction de survie, répartition et densité

### Fonction de survie

La **fonction de survie** ( $S(t)$ ) est définie par :

$$S(t) = \Pr(T > t),$$

c'est-à-dire :

- la probabilité que la durée **dépasse**  $t$ ,
  - exemple : probabilité que la grève soit encore en cours au jour  $t$ ,
  - c'est une fonction **décroissante** de  $t$ ,
  - $S(0) = 1$ , et  $\lim_{t \rightarrow \infty} S(t) = 0$  (souvent).
-

## Fonction de répartition

La **fonction de répartition** (CDF) est :

$$F(t) = \Pr(T \leq t) = 1 - S(t).$$

- $F(t)$  augmente de 0 (au temps 0) vers 1 (quand  $t \rightarrow \infty$ ).
  - $F(t) =$  probabilité que l'événement soit arrivé **avant** ou **à** la date  $t$ .
- 

## Densité (cas continu)

Si  $(T)$  est une variable continue admettant une **densité** ( $f(t)$ ) :

$$f(t) = \frac{d}{dt} F(t).$$

Lien entre  $(f)$  et  $(S)$  :

$$f(t) = -\frac{d}{dt} S(t) \iff S(t) = 1 - \int_0^t f(u) du.$$

Intuition :

- $(f(t))$  décrit la répartition de la masse de probabilité dans le temps ;
  - $(S(t))$  cumule **ce qui n'est pas encore arrivé**.
- 

## Fonction de risque (hazard)

### Définition

La **fonction de risque** (hazard) ( $h(t)$ ) est définie par :

$$h(t) = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Pr(t \leq T < t + \Delta t | T \geq t)}{\Delta t}.$$

Interprétation :

- probabilité **instantanée** que l'événement se produise juste après  $(t)$ ,
- **conditionnellement** à ce que l'événement ne soit pas encore arrivé à  $(t)$ .

Pour la durée d'une grève :

$h(t)$  mesure, au temps  $(t)$ , le risque que la grève se termine **immédiatement**, sachant qu'elle est toujours en cours à  $t$ .

---

## Lien entre $h(t)$ , $f(t)$ et $S(t)$

On peut montrer que :

$$h(t) = \frac{f(t)}{S(t)}.$$

Intuition :

- $f(t)$  = densité où l'événement arrive à  $t$ ,
- $S(t)$  = probabilité que l'événement ne soit pas encore arrivé **avant**  $t$ ,
- donc  $h(t)$  = probabilité de finir maintenant **sachant qu'on est encore en vie à  $t$** .

On définit aussi la **cumulative hazard** :

$$\Lambda(t) = \int_0^t h(u), du.$$

On a alors le lien fondamental :

$$S(t) = \exp(-\Lambda(t)) = \exp\left(-\int_0^t h(u), du\right).$$

---

## Exemples de lois de durée

### Exemple 1 – Risque constant : loi exponentielle

Supposons un risque constant  $h(t) = \lambda > 0$ .

Alors :

- $\Lambda(t) = \int_0^t \lambda, du = \lambda t$
- $S(t) = \exp(-\lambda t)$ .

C'est la **loi exponentielle** :

- la probabilité de survie décroît de façon **exponentielle**.

Interprétation :

- Le « risque de fin de grève » est le même quel que soit  $t$ .
  - C'est souvent trop simple mais utile comme cas de base.
-

## Exemple 2 – Loi de Weibull

La loi de **Weibull** est très utilisée en analyse de survie.

Risque :

$$h(t) = \lambda p t^{p-1},$$

- si ( $p = 1$ ) : on retrouve le cas exponentiel (risque constant),
- si ( $p > 1$ ) : **risque croissant** (plus le temps passe, plus la fin est probable),
- si ( $p < 1$ ) : **risque décroissant** (l'événement est surtout probable au début).

C'est un modèle paramétrique flexible pour décrire des durées où le risque évolue dans le temps.

---

## Censure à droite

### Pourquoi de la censure ?

En pratique, on ne connaît pas toujours la date exacte de l'événement :

- la période d'observation se termine alors que la grève continue,
- l'individu est **perdu de vue** (perte de suivi),
- les données sont tronquées (ex. base administrative clôturée à une date donnée).

On introduit une **durée de censure** ( $C_i$ ) :

- temps jusqu'à la fin d'observation pour l'unité (i).

On observe alors :

$$t_i = \min(T_i, C_i), \quad \delta_i = \mathbb{1}(T_i \leq C_i).$$

---

## Hypothèse clé : censure non informative

On suppose généralement que la censure est **non informative** :

Le mécanisme de censure ne dépend pas de la durée vraie, conditionnellement aux covariables.

Autrement dit :

- être censuré ou non ne doit pas apporter d'**information supplémentaire** sur la durée résiduelle, au-delà de ce qu'on connaît déjà (covariables).

Exemple :

- on suit des grèves jusqu'au 31 décembre,
- celles qui dépassent cette date sont censurées,
- mais la date du 31/12 est fixée **indépendamment** des caractéristiques des grèves.

Si la censure est informative (ex. on arrête d'observer quand l'entreprise fait faillite), les méthodes classiques (KM, Cox) peuvent être biaisées.

---

## Exemple simple en R

Simuler des durées exponentielles censurées :

```
set.seed(123)

n      <- 200
T_true <- rexp(n, rate = 0.1)  # durées vraies (exponentielle)
C       <- runif(n, min = 5, max = 20) # temps de censure

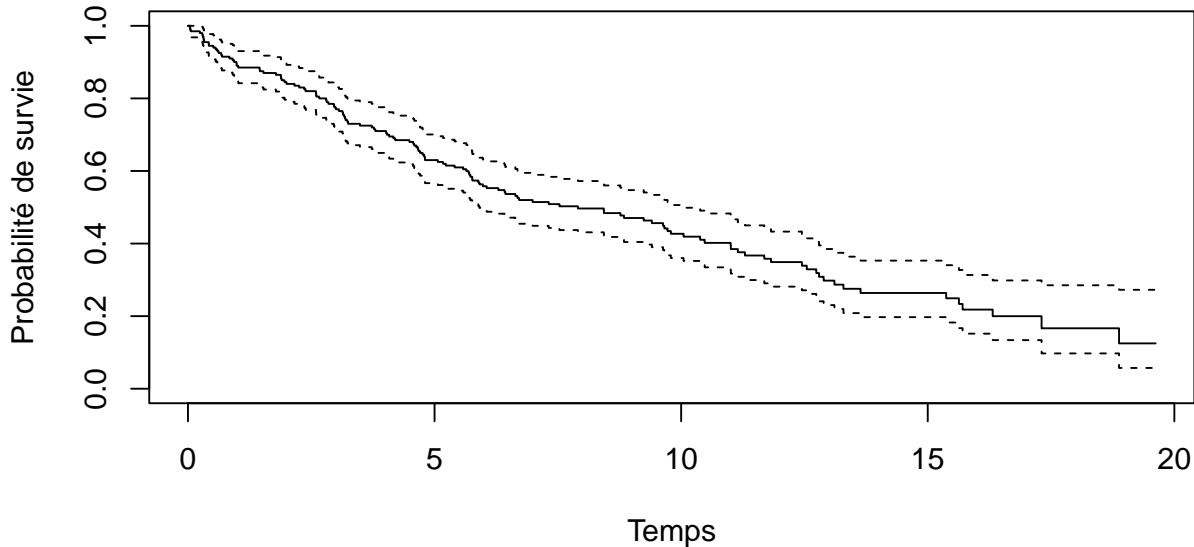
time   <- pmin(T_true, C)
status <- as.integer(T_true <= C)

S_sim  <- Surv(time = time, event = status)
head(S_sim)
```

[1] 8.4345726 5.7661027 13.2905487 0.3157736 0.5621098 3.1650122

Tracer un Kaplan–Meier :

```
km_sim <- survfit(S_sim ~ 1)
plot(km_sim, xlab = "Temps", ylab = "Probabilité de survie")
```



- la courbe tient compte à la fois des événements observés et des observations censurées.

---

## Objet de survie en R et interprétation

### Surv() en pratique

Pour des données de grève, on construirait :

```
# Exemple conceptuel (ici, on simule juste pour illustrer)
time <- c(7, 9, 13, 14, 26, 29)
status <- c(1, 1, 1, 1, 0)

S_strikes_ex <- Surv(time = time, event = status)
S_strikes_ex
```

```
[1] 7 9 13 14 26 29+
```

- Chaque ligne est soit **durée** (événement) soit **durée+** (censure).
  - Cet objet est ensuite utilisé par toutes les fonctions de survie.
- 

## Kaplan–Meier dans R

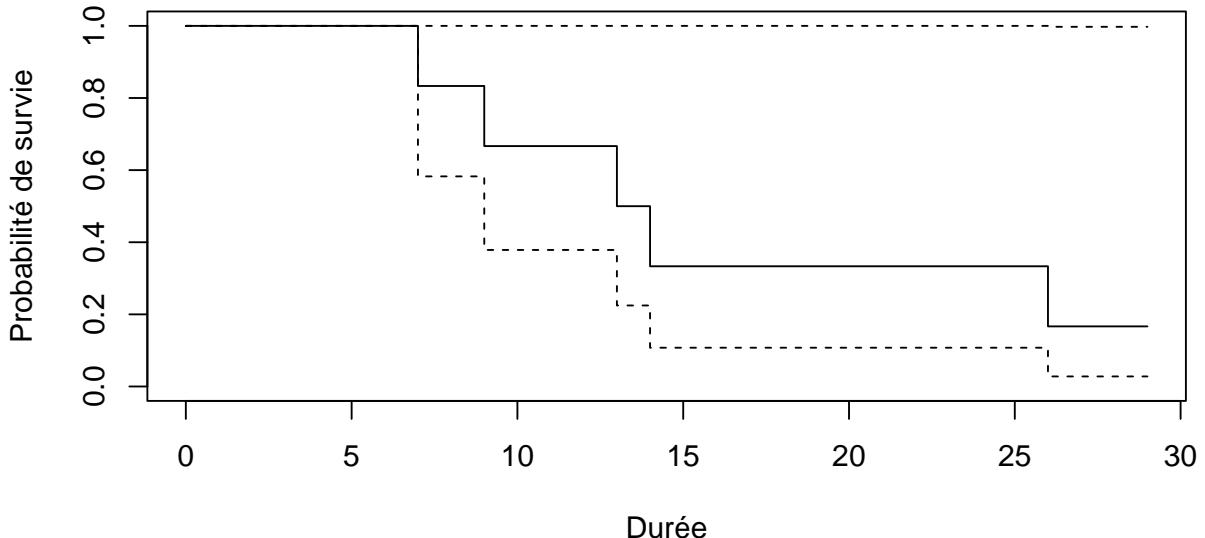
Pour estimer la fonction de survie :

```
km_fit <- survfit(S_strikes_ex ~ 1)
km_fit
```

```
Call: survfit(formula = S_strikes_ex ~ 1)
```

```
  n  events median 0.95LCL 0.95UCL
[1,] 6      5    13.5      9      NA
```

```
plot(km_fit, xlab = "Durée", ylab = "Probabilité de survie")
```



- Les « marches » de la courbe correspondent aux événements observés.
  - Les observations censurées contribuent au **dénominateur** (nombre à risque), mais pas au numérateur (nombre d'événements).
-

## Résumé des notions clés

### À retenir

#### 1. Durée (T) et censure :

- on observe ( $t_i, \delta_i$ ), pas toujours la durée vraie.

#### 2. Fonction de survie $S(t) = \Pr(T > t)$ :

- probabilité d'être encore « en vie » au temps (t).

#### 3. Risque (hazard) $h(t)$ :

- probabilité instantanée de l'événement, sachant qu'il n'est pas encore arrivé.

#### 4. Liens fondamentaux :

- $F(t) = 1 - S(t)$ ,
- $h(t) = f(t)/S(t)$ ,
- $S(t) = \exp\left(-\int_0^t h(u), du\right)$ .

#### 5. Censure à droite :

- on observe  $\min(T_i, C_i)$ ) et ( $\mathbb{1}(T_i \leq C_i)$ ,
  - hypothèse clé : censure **non informative**.
- 

## Pour la suite du cours

- Estimation de  $S(t)$  par l'**estimateur de Kaplan–Meier**.
- Comparaison de courbes de survie entre groupes (test du **log-rank**).
- Modèles à covariables :
  - modèle de Cox (risques proportionnels),
  - modèles paramétriques (exponentiel, Weibull, ...).

## Exercices – Correction (survie de grève)

### Présentation des données et analyse descriptive

On s'intéresse à la **durée de grèves** dans l'industrie manufacturière américaine.

Les données proviennent de :

Kennan, J. (1985), *The Duration of Contract Strikes in U.S. Manufacturing*, Journal of Econometrics.

Nous utiliserons la base **StrikeDuration** du package **AER** dans R, qui contient :

- **duration** : durée de la grève (en jours)
- **uoutput** : choc d'activité non anticipé (mesure de conjoncture macroéconomique)

### Q1 – Correspondance entre codages du cycle

On considère les 62 grèves de la base **StrikeDuration**.

On a construit :

- **uoutput\_sign** : 3 modalités (cycle défavorable, neutre, favorable)
- **uoutput\_q** : 3 modalités (choc faible, moyen, fort, par terciles)

```
with(strikes, table(uoutput_sign, uoutput_q))
```

	uoutput_q		
uoutput_sign	Choc faible	Choc moyen	Choc fort
Cycle défavorable	25	0	0
Cycle favorable	0	17	20

```
prop.table(with(strikes, table(uoutput_sign, uoutput_q)), 1)
```

	uoutput_q		
uoutput_sign	Choc faible	Choc moyen	Choc fort
Cycle défavorable	1.0000000	0.0000000	0.0000000
Cycle favorable	0.0000000	0.4594595	0.5405405

Commentaires :

- Tous les épisodes en **cycle défavorable** sont classés en **Choc faible**.
- Les épisodes en **cycle favorable** se répartissent entre **Choc moyen** et **Choc fort**.
- La matrice est quasi diagonale : les deux codages racontent la **même histoire** (choc défavorable vs favorable), l'un en version "signe", l'autre en version "force du choc".
- On peut donc considérer que les deux échelles sont **cohérentes**.

## Q2 – Corrélations entre variables explicatives

Variables explicatives potentielles :

- `uoutput` (continu)
- `uoutput_q_num` : version numérique de `uoutput_q` (1 = faible, 2 = moyen, 3 = fort)

```
strikes <- strikes |>
  mutate(uoutput_q_num = as.numeric(uoutput_q))

cor(dplyr::select(strikes, uoutput, uoutput_q_num), use = "complete.obs")
```

	uoutput	uoutput_q_num
uoutput	1.0000000	0.9245881
uoutput_q_num	0.9245881	1.0000000

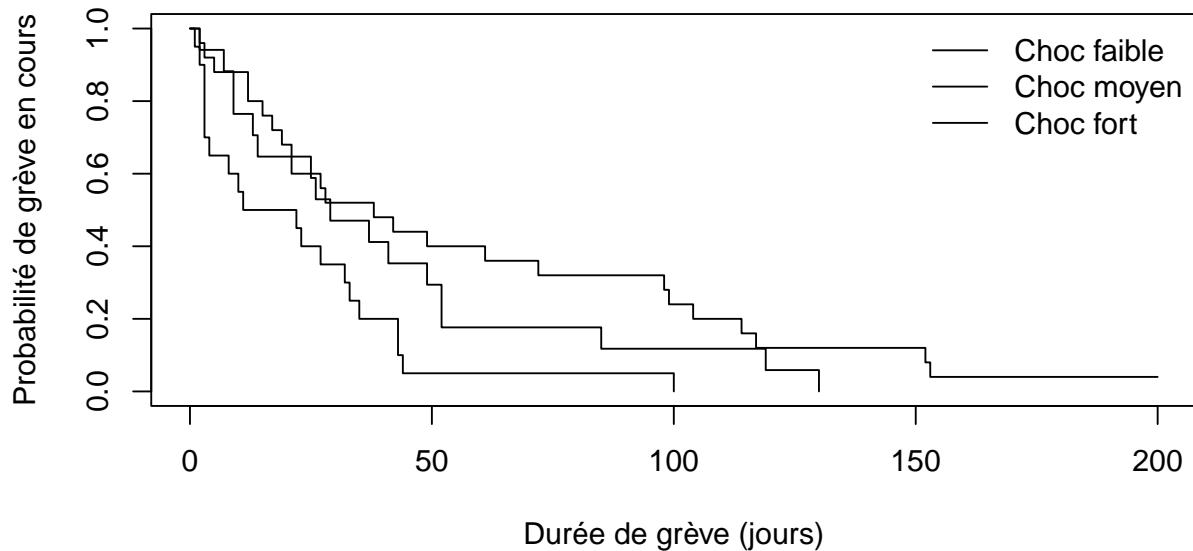
Commentaires :

- On obtient une **corrélation positive forte** entre `uoutput` et `uoutput_q_num` (la variable en terciles est une discréétisation monotone de `uoutput`).
- La version catégorielle n'apporte donc pas d'information entièrement nouvelle, mais elle permet :
  - de capturer plus facilement des **effets non linéaires** du choc,
  - de produire des comparaisons simples (Choc faible vs Choc fort) en termes de **hazard ratios**.

---

## Q3 – Courbes de survie brutes (Kaplan–Meier)

```
km_cycle <- survfit(S_strikes ~ uoutput_q, data = strikes)
plot(km_cycle, xlab = "Durée de grève (jours)", ylab = "Probabilité de grève en cours")
legend("topright", legend = levels(strikes$uoutput_q), lty = 1, bty = "n")
```



#### Commentaires :

- Pour les **chocs forts** (conjoncture très favorable), la courbe de survie décroît plus vite : les grèves ont tendance à être **plus courtes**.
- Pour les **chocs faibles** (conjoncture défavorable), la courbe décroît plus lentement : les grèves restent **plus longtemps en cours**.
- Les courbes sont bien séparées, ce qui suggère un **effet du contexte macroéconomique** sur la durée des grèves.

---

#### Q4 – Test du log-rank

```
survdiff(S_strikes ~ uoutput_q, data = strikes)
```

Call:

```
survdiff(formula = S_strikes ~ uoutput_q, data = strikes)
```

	N	Observed	Expected	$(O-E)^2/E$	$(O-E)^2/V$
uoutput_q=Choc faible	25	24	32.4	2.198928	5.143950
uoutput_q=Choc moyen	17	17	16.9	0.000153	0.000219
uoutput_q=Choc fort	20	20	11.6	6.074740	8.183882

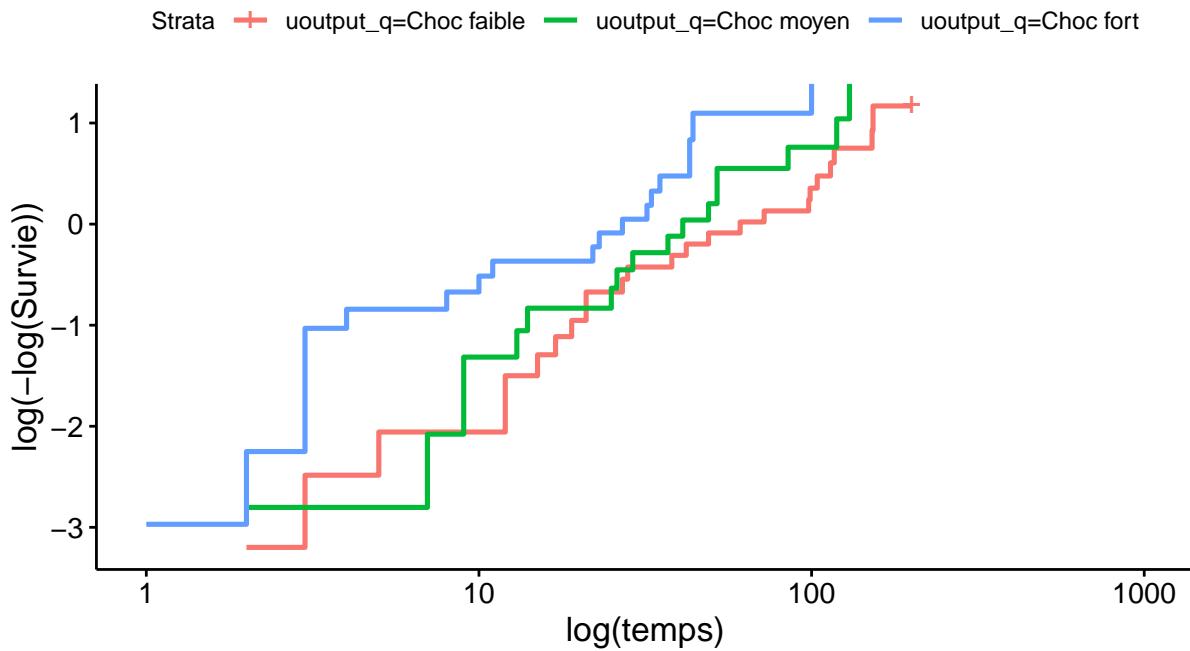
Chisq= 9.2 on 2 degrees of freedom, p= 0.01

## Commentaires :

- Hypothèses du test du log-rank :
    - $H_0$  : les fonctions de survie sont **identiques** dans les 3 groupes de choc (Choc **faible**, Choc **moyen**, Choc **fort**).
    - $H_1$  : au moins une fonction de survie **diffère**.
  - On obtient une statistique  $\chi^2$  d'environ 9,2 avec 2 ddl et une p-valeur 0,01.
  - Au seuil de 5 %, on **rejette**  $H_0$  : la durée des grèves dépend significativement du niveau de choc d'activité.
  - En regardant les contributions :
    - Choc **faible** : moins de fins de grève observées que prévu  $\rightarrow$  grèves **plus longues**.
    - Choc **fort** : plus de fins de grève observées que prévu  $\rightarrow$  grèves **plus courtes**.
- 

## Q5 – Vérification graphique des risques proportionnels

```
if (requireNamespace("survminer", quietly = TRUE)) {  
  ggsurvplot(  
    survfit(S_strikes ~ uoutput_q, data = strikes),  
    fun = "cloglog",  
    xlab = "log(temp)",  
    ylab = "log(-log(Survie))"  
  )  
}
```



#### Commentaires :

- Les courbes  $\log(-\log(S(t)))$  par niveau de  $uoutput_q$  sont grossièrement **quasi parallèles** (sans croisements extrêmes).
- L'hypothèse de **risques proportionnels** pour  $uoutput_q$  est donc **raisonnablement plausible** dans ce jeu de données.
- On peut donc utiliser un **modèle de Cox** avec cette variable, tout en gardant en tête que l'échantillon est petit.

---

#### Modèle de Cox – Correction

##### Q6 – Modèle de Cox continu

Modèle ajusté :

```
cox_full <- coxph(S_strikes ~ uoutput + uoutput_q_num, data = strikes)
summary(cox_full)
```

```

Call:
coxph(formula = S_strikes ~ uoutput + uoutput_q_num, data = strikes)

n= 62, number of events= 61

            coef  exp(coef)  se(coef)      z Pr(>|z|)    
uoutput      5.5249  250.8571  10.3206  0.535     0.592    
uoutput_q_num 0.2007    1.2223   0.5385  0.373     0.709    
                                 exp(coef)  exp(-coef) lower .95 upper .95    
uoutput      250.857    0.003986 4.117e-07 1.529e+11    
uoutput_q_num 1.222     0.818155 4.254e-01 3.512e+00    
                                

Concordance= 0.608 (se = 0.041 )
Likelihood ratio test= 8.57 on 2 df,  p=0.01
Wald test            = 8.5  on 2 df,  p=0.01
Score (logrank) test = 8.83 on 2 df,  p=0.01

```

**AIC(cox\_full)**

[1] 389.1666

**Équation du modèle :**

$$h_i(t) = h_0(t) \exp(\beta_1 uoutput_i + \beta_2 uoutput_{q,i})$$

**Interprétation du coefficient de uoutput :**

- Le terme  $\exp(\eta_1)$  est le **hazard ratio** associé à une augmentation d'une unité de **uoutput**.
- Comme **uoutput** est un choc macro **petit en amplitude**, on interprète plutôt de petites variations (par ex. aller d'un quantile faible à un quantile élevé).
- Si  $\exp(\eta_1) > 1$ , un choc plus favorable est associé à une **fin plus rapide** de la grève (durées plus courtes).

**AIC :**

- On retient la valeur d'AIC affichée et on la comparera aux autres spécifications (M1, M3).
- Un AIC **plus faible** signale un meilleur compromis ajustement / complexité.

## Q7 – Version purement catégorielle du cycle

```
cox_cat <- coxph(S_strikes ~ uoutput_q, data = strikes)
summary(cox_cat)
```

Call:

```
coxph(formula = S_strikes ~ uoutput_q, data = strikes)
```

```
n= 62, number of events= 61
```

	coef	exp(coef)	se(coef)	z	Pr(> z )						
uoutput_qChoc moyen	0.3556	1.4271	0.3253	1.093	0.27435						
uoutput_qChoc fort	0.9643	2.6229	0.3265	2.954	0.00314 **						
---											
Signif. codes:	0	'***'	0.001	'**'	0.01	'*'	0.05	'.'	0.1	' '	1

	exp(coef)	exp(-coef)	lower	.95	upper	.95
uoutput_qChoc moyen	1.427	0.7007	0.7543		2.700	
uoutput_qChoc fort	2.623	0.3813	1.3832		4.974	

```
Concordance= 0.604 (se = 0.039 )
Likelihood ratio test= 8.47 on 2 df,  p=0.01
Wald test             = 8.81 on 2 df,  p=0.01
Score (logrank) test = 9.3 on 2 df,  p=0.01
```

**Équation du modèle :**

$$h_i(t) = h_0(t) \exp(\eta_2 \mathbb{1}\{uoutput_q = \text{"Choc moyen"}\} + \eta_3 \mathbb{1}\{uoutput_q = \text{"Choc fort"}\}).$$

avec **Choc faible** comme catégorie de référence.

**Interprétation :**

- $\exp(\eta_2)$  :hazard ratio “Choc moyen” vs “Choc faible”.
- $\exp(\eta_3)$  : hazard ratio “Choc fort” vs “Choc faible”.
- Si au moins un coefficient est significatif, on conclut à une **différence de durée** entre au moins deux niveaux de choc.
- En pratique, avec ce petit échantillon, les intervalles de confiance sont larges → significativité parfois fragile, mais la direction va vers des **grèves plus rapides** en cas de choc plus fort.

### Comparaison des déviiances :

- On lit les log-vraisemblances de `cox_full` et `cox_cat` dans les sorties et l'on compare :
    - une **déviance plus faible** ( $-2 \log L$ ) indique un meilleur ajustement (à nombre de paramètres donné).
- 

### Q8 – Nombre de paramètres

Modèles :

- M1 :  $S \sim uoutput$ 
  - 1 paramètre de pente ( $\eta_1$ ).
- M2 :  $S \sim uoutput + uoutput_q_num$ 
  - 2 paramètres de pente ( $(\eta_1, \eta_2)$ ).
- M3 :  $S \sim uoutput_q$  (facteur 3 modalités)
  - 2 paramètres de pente (deux dummies vs référence : Choc moyen, Choc fort).

Emboîtement :

- M1 est **inclus dans** M2 si l'on impose  $\eta_2 = 0$ .
  - M3 n'est pas emboîté dans M1/M2 (spécification complètement catégorielle vs continue).
- 

### Q9 – Choix de la meilleure mesure du cycle

```
cox_M1 <- coxph(S_strikes ~ uoutput, data = strikes)
cox_M2 <- coxph(S_strikes ~ uoutput + uoutput_q_num, data = strikes)
cox_M3 <- coxph(S_strikes ~ uoutput_q, data = strikes)

anova(cox_M1, cox_M2, test = "LRT")
```

```

Analysis of Deviance Table
Cox model: response is  S_strikes
Model 1: ~ uoutput
Model 2: ~ uoutput + uoutput_q_num
  loglik  Chisq Df Pr(>|Chi|)
1 -192.65
2 -192.58 0.1389  1      0.7094

```

```
anova(cox_M1, cox_M3, test = "LRT")
```

```

Analysis of Deviance Table
Cox model: response is  S_strikes
Model 1: ~ uoutput
Model 2: ~ uoutput_q
  loglik  Chisq Df Pr(>|Chi|)
1 -192.65
2 -192.63 0.0382  1      0.845

```

**Commentaires :**

- LR(M1 vs M2) : si la p-valeur est élevée → l'ajout de `uoutput_q_num` ne permet pas une amélioration significative → on peut préférer le modèle plus simple M1.
- LR(M1 vs M3) : si la p-valeur est faible → la version **catégorielle** du choc (M3) capture un effet non linéaire utile.
- On combine ces tests avec les AIC pour choisir :
  - soit une spécification **continue simple** (M1),
  - soit une spécification **catégorielle** (M3) si les effets par classe sont plus lisibles et mieux ajustés.

---

### 3. Modèles paramétriques – Correction

#### Q10 – Modèle de Weibull

```
weib_best <- survreg(S_strikes ~ uoutput, data = strikes, dist = "weibull")
summary(weib_best)
```

```

Call:
survreg(formula = S_strikes ~ uoutput, data = strikes, dist = "weibull")
      Value Std. Error      z      p
(Intercept)  3.79012    0.13944 27.18 <2e-16
uoutput      -9.67700   3.00825 -3.22 0.0013
Log(scale)    0.00631   0.10180  0.06 0.9506

Scale= 1.01

Weibull distribution
Loglik(model)= -285.4  Loglik(intercept only)= -290.2
Chisq= 9.6 on 1 degrees of freedom, p= 0.002
Number of Newton-Raphson Iterations: 6
n= 62

```

Nombre de paramètres estimés :

- Intercept ( $\alpha$ )
- Coefficient de **uoutput** ( $\eta_1$ )
- Paramètre de **scale** (lié au paramètre de forme du Weibull)

→ Au total, **3 paramètres** dans ce modèle.

Comparaison AIC :

- On calcule l'AIC du Weibull et on le compare à l'AIC du Cox retenu :
    - AIC(Weibull) plus faible → modèle paramétrique préféré.
    - AIC(Cox) similaire ou plus faible → on peut rester en Cox, plus souple (baseline non paramétrique).
- 

### Q11 – Courbes de survie pour différents scénarios

On utilise ici le modèle de Cox simple **cox\_uoutput** pour illustrer les différences de survie selon le choc :

```

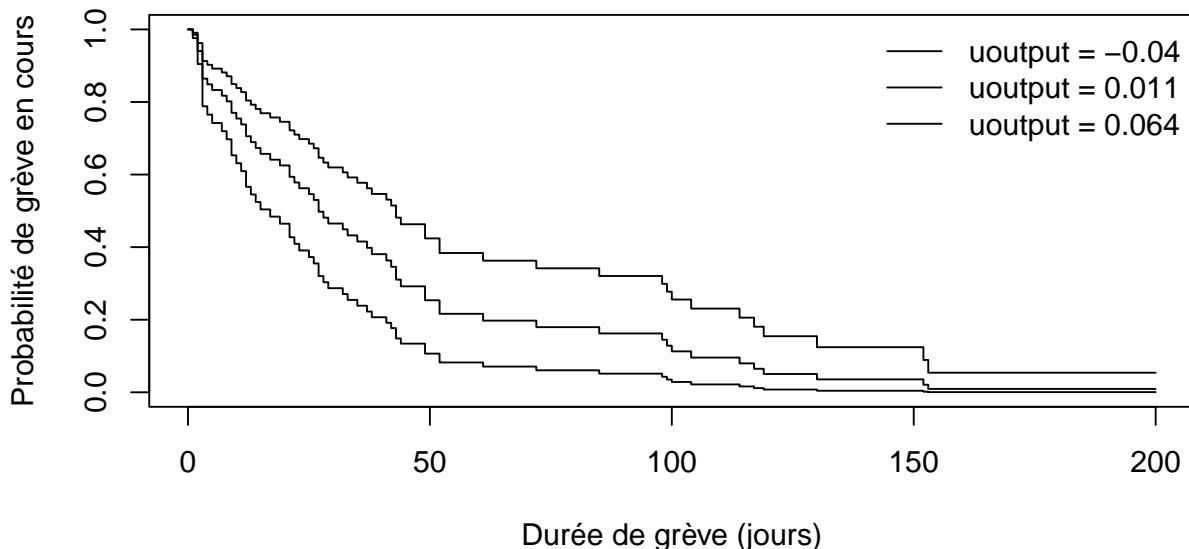
newdata <- data.frame(
  uoutput = quantile(strikes$uoutput, probs = c(.2, .5, .8))
)

surv_cox <- survfit(cox_uoutput, newdata = newdata)

plot(
  surv_cox,
  xlab = "Durée de grève (jours)",
  ylab = "Probabilité de grève en cours"
)

legend(
  "topright",
  legend = paste0("uoutput = ", round(newdata$uoutput, 3)),
  lty = 1,
  bty = "n"
)

```



### Commentaires :

- Pour les valeurs de `uoutput` élevées (choc favorable), la courbe de survie est en dessous des autres : les grèves ont une probabilité plus faible de “survivre” longtemps → elles se terminent plus vite.

- Pour les valeurs **faibles / négatives** (choc défavorable), la courbe de survie est au-dessus : les grèves ont une probabilité plus forte de durer.
  - La forme du risque implicite (hazard) augmente avec le temps au début, puis peut se stabiliser, ce qui est cohérent avec un modèle de type Weibull.
- 

## **Q12 – Interprétation économique**

En combinant :

- les **hazard ratios** des modèles de Cox,
- les **courbes de survie** (Kaplan–Meier et prédictions de modèles),

on peut conclure :

- En **période de conjoncture favorable** (choc d'activité positif / fort), les grèves ont plus de chances de se terminer rapidement → **hazard plus élevé**, survie plus faible.
- En **période de conjoncture défavorable**, les grèves ont tendance à durer plus longtemps → **hazard plus faible**, survie plus élevée.

En termes de négociation :

- Quand l'activité est bonne, les employeurs ont davantage de marges (les pertes liées à la grève sont plus coûteuses à court terme), ce qui peut favoriser des **accords plus rapides**.
- Quand la conjoncture est mauvaise, les coûts d'opportunité sont plus faibles et les rapports de force différents, ce qui peut conduire à des grèves **plus longues**.